

# Cryptographie : Algorithmes et protocoles

- **Cryptologie**
- **Historique**
- **Algorithmes de chiffrement**
- **Standards de cryptographie**
- **L'aspect juridique**

# Cryptologie

Combinaison de 2 techniques

- Cryptographie

*Art de **générer** des  
messages secrets*

- Cryptanalyse

*Art de **révéler** des  
messages secrets*



# Chiffrement par substitution

- Code de César : la clé est un entier  $n$ , et on réalise un décalage modulo 26 de  $n$  caractères du texte

B O N J O U R

H U T P U A X

→ Clé = 6

*Et* Y L K P L F O ?

B O N S O I R

# Code de Vigenère

- Substitution à base d'une clé secrète (ex : 2 4 5 7 1)

B O N J O U R

D S S Q P W V

C Q Q W T J T → ?



# Chiffrement par transposition

- Principe de la transposition matricielle

Voici un message chiffré :

**IAETLSSLCPEEDSEIERTU  
ASLRLTNGTEMERMEFDUSEE**

Voici un message clair :

**ILESTFACILEDEPERMUTER  
LESLETTRESDUNMESSAGE**

I	L	E	S	T	F
A	C	I	L	E	D
E	P	E	R	M	U
T	E	R	L	E	S
L	E	T	T	R	E
S	D	U	N	M	E
S	S	A	G	E	

# Chiffrement par double transposition

Voici un message clair :

**ILESTFACILEDEPERMUTER  
LESLETTRESDUNMESSAGE**

Voici un message doublement  
transposé :

**ISDTLMDALSUTEUECEAN  
RSTPISGMELEELTEESERREF**

Voici le message transposé :

**IAETLSSLCPPEEDSEIERTU  
ASLRLTNGGTEMERMEFDUSEE**

I	A	E	T	L	S
S	L	C	P	E	E
D	S	E	I	E	R
T	U	A	S	L	R
L	T	N	G	T	E
M	E	R	M	E	F
D	U	S	E	E	



# Chiffrement par transposition (niveau 2:)

Voici un message clair :

**ILESTFACILEDEPERMUTER  
LESLETTRESDUNMESSAGE**

Voici un message transposé :

**ILAECESIPTLEFERDMUTEL  
RESLTDETUSRNEMESSAGE**

I L E S T F  
A C I L E D  
E P E R M U  
T E R L E S  
L E T T R E  
S D U N M E  
S S A G E

Voici un autre message transposé :

**ILAECESIPTTLEELFERRES  
DMLTDSUETUSSRNAEMGEE**

Comment ?

# Chiffrement par transposition et substitution

- La combinaison des deux techniques prévient l'attaque par mot connu

Voici un message clair :

**ILESTFACILEDEPERMUTER  
LESLETTRESDUNMESSAGE**

Voici un message transposé et substitué :

**LDHWOVVOFSHHGV.....**

Voici le message transposé :

**IAETLSSLCPEEDSEIERTU  
ASLRLTNGTEMERMEFDUSEE**



# Hachage ou résumé

- **Utilisation:**
  - Intégrité de données
  - Signature électronique
- **Algorithmes performants et non réversibles**
- **Les algorithmes**
  - **MD5 (Message Digest 5) *MIT***
    - → 128 bits
  - **SHA-1 (*Secure Hash Alg.*) *NIST***
    - → 160 bits

# SHA-1 Opérations

- Le message est complété pour être découpé en  $M^i$  multiples de 512 bits
- Chaque  $M^i$  est décomposé en 16 mots de 32 bits de  $M^i_0$  à  $M^i_{15}$
- On prend 5 valeurs initiales de hachage (entiers 32 bits )
- Pour chaque  $M^i$  , lors de 80 itérations, ces 5 entiers vont évoluer en intégrant les  $M^i_j$  du message pour arriver au condensé sur  $5 * 32 = 160$  bits
- **Secure Hash Standards (NIST 2002)**

<http://csrc.nist.gov/publications/fips/fips180-2/fips180-2withchangenotice.pdf>

valeurs initiales (p.13)

déroulement (p. 15)



# Algorithme SHA-1

N Blocs de 512 bits  $M^{(i)}$  décomposé en 16  $M_t^{(i)}$

$H_0^{(0)}=...$ ,  $H_1^{(0)}=...$ ,  $H_2^{(0)}=...$ ,  $H_3^{(0)}=...$ ,  $H_4^{(0)}=...$  (5\*32=160 bits)

Pour  $i$  de 1 à N

$a=H_0^{(i-1)}$ ,  $b=H_1^{(i-1)}$ , ...  $c, d, e$

Pour  $t$  de 0 à 79

$a=...$ ,  $b=...$ ,  $c=...$ ,  $d=...$ ,  $e=...$ ,  $T=...$   $W_t \leftarrow M_t^{(i)}$

$H_0^{(i)}=a+H_0^{(i-1)}$ ,  $H_1^{(i)}=b+H_1^{(i-1)}$ , ...

$H^{(N)}$  est le résultat du hachage

# MAC Message Authentication Code

- **Fonction de hachage à sens unique**
- **Condensé à clé secrète**
- **Garantit l'intégrité d'un document en empêchant le recalcul du résumé**
- **Garantit l'identité de l'émetteur et l'authenticité du document**



# Chiffrement symétrique

- **Méthodes de chiffrement à clé secrète**
  - **Algorithmes**
    - **DES (Data Encryption Standard)** *IBM 1968 56 bits*
    - **3-DES Triple DES (112 bits)**
    - **RC4, RC5 (Rivest Code )**(128..256 bits)
    - **AES Advanced Encryption System** *Rijndael (Rijmen et Daemen Belgique) Concours NIST 2000 avec clés de 128, 192 ou 256 bits*
- + **Opérations simples performantes et rapides**
- **Administration des clés : Génération, Distribution, Partage et Stockage**

# Chiffrement symétrique

Temps estimé pour casser les clés *(source non vérifiée)*

	1995	2000	2005
40 bits	68 s	9 s	1 s
56 bits	53 j	7 j	19 h
64 bits	37 ans	7 ans	1750 j.
128 bits	6,7 e17 mil.	6,4 e16 mil.	1,1 e16 mil.

<http://www.distributed.net/rc5/index.php.fr>

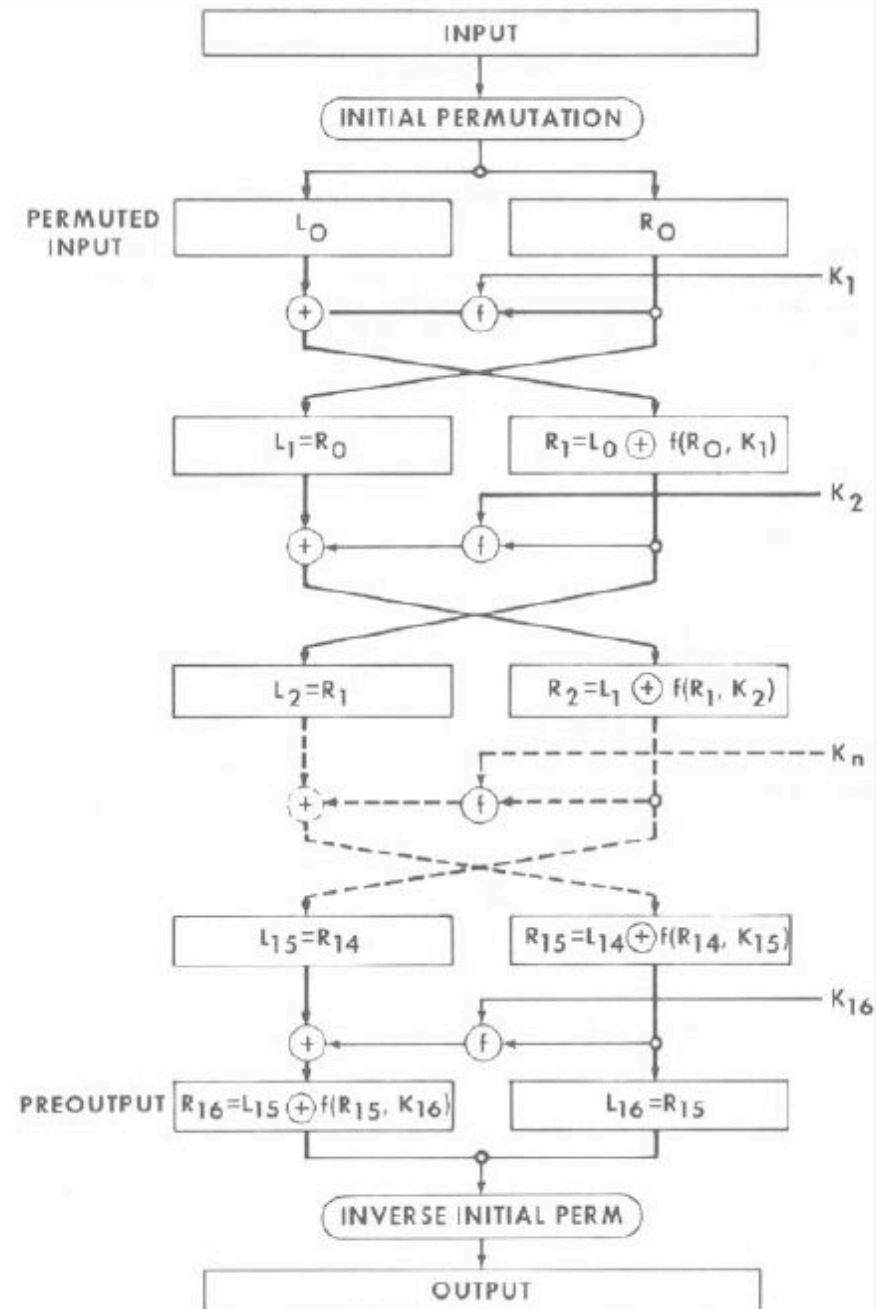


# L'algorithme DES

- **Algorithme de chiffrement/déchiffrement de blocs de taille fixe soit 64 bits avec une clé de 64bits**
- **Chaque octet de la clé comporte un bit de parité pour vérifier l'intégrité de la clé de 56 bits**
- **16 rondes traitent deux sous-blocs de 32 bits en utilisant un clé partielle de 48 bits**
- **Data Encryption Standards (NIST 1999)**  
<http://csrc.nist.gov/publications/fips/fips46-3/fips46-3.pdf>

# L'algorithme DES

- $L_i$  et  $R_i$  deux moitiés du bloc de 32 bits
- A partir d'une clé  $K$ , on obtient 16  $K_i$  par décalages et permutations successives dont on extrait 48 bits
- $\oplus$  addition modulo 2
- $f$  fonction qui additionne 2 arguments sur 48 bits et en extrait 32 bits
- Fonctions de conversion 32  $\leftrightarrow$  48 bits
- 16 itérations pour obtenir le résultat final
- Les opérations de chiffrement/déchiffrement sont performantes car elles sont limités à additions, décalages, sélections (matériel)





# Chiffrement

## asymétrique

- **Architecture PKI** (Public Key Infrastructure)
- **Association d'une clé publique et d'une clé privée**
- **Un message chiffré avec la clé publique ne peut être déchiffré qu'avec la clé privée et inversement**
- **Algorithmes**
  - **DH** (Diffie-Helman) (1975)  
→ clés de 512...2048 bits
  - **RSA** (Rivest, Shamir, Adleman) 1977  
→ clés de 512...2048 bits
  - **ECC** **E**liptic **C**urve **C**rypto  
→ clés de 57 ... 237 bits

# L'algorithme

## RSA : initialisations

- Soit 2 grands nombres premiers  $p$  et  $q$
- Soit  $n = p * q$
- La factorisation, décomposition en nombres premiers est difficile
- Soit  $e$ , un entier n'ayant aucun (peu) diviseur commun avec  $(p-1)*(q-1)$
- La clé publique est composée du couple  $\{e, n\}$
- La clé privée  $\{d, n\}$  telle que  
$$e * d = 1 \text{ mod } (p-1)(q-1)$$



# L'algorithme

## RSA : opérations

- Découpage du message en blocs représentés chacun par un entier plus petit que  $n$ 
  - ex. ordre alphabétique ou code ASCII
- Chiffrement du caractère  $M$ 
$$C = M^e \text{ mod } n$$
- Déchiffrement du caractère  $C$ 
$$M = C^d \text{ mod } n$$

# L'algorithme

## RSA : exemple

- Soit  $p=3$  et  $q=11$  deux nombres premiers
- $n = 33 = 3 * 11$
- $e = 7$  entier n'ayant aucun diviseur commun avec  $(3-1)*(11-1)=20$  ( $2 * 2 * 5$ )
- $d = 3$  car  $7 * d = 1 \pmod{20}$
- Message 'OLIVE' -> 151209...
- $M_1 = 15$                        $C_1 = 15^7 \pmod{33} = 27$
- $C_1 = 27$                          $M_1 = 27^3 \pmod{33} = ?$
- $M_2 = 12$                          $C_2 = 12^7 \pmod{33} = ?$
- $C_2 = ?$                            $M_2 = ?^3 \pmod{33} = ?$



# L'algorithme RSA

- La sécurité de RSA repose sur la difficulté de factoriser des très grands nombres (n'ayant que 2 diviseurs premiers grands eux aussi)

<http://www.mystery-twister.com/>

# PKCS Public Key Cryptographic Standards

- Formats normalisés par le RSA <http://www.rsa.com>
- **PKCS#1** The RSA encryption standard. This standard defines mechanisms for encrypting and signing data using the RSA public key system.
- **PKCS #7** The cryptographic message syntax standard. This defines a generic syntax for messages which have cryptography applied to it.
- **PKCS # 8** The private-key information syntax standard.
- **PKCS # 12** The personal information exchange syntax standard. This describes a portable format for storage and transportation of user private keys, certificates etc.



# Loi française et cryptographie

- Dépendant de la taille des clés
- Les droits s'appliquent à la génération, l'importation, l'utilisation
- Pour chaque action dans le contexte d'une utilisation privée ou professionnelle, le statut peut être :
  - Utilisation libre
  - Nécessite une déclaration
  - Nécessite une autorisation
  - Interdit

# Loi française et cryptographie (références)

- DCSSI (Direction Centrale de Sécurité des Systèmes d'Information)  
<http://www.ssi.gouv.fr>
- Depuis 1998 les clés de chiffrement ne sont plus limitées à 40 bits mais à 128 bits.  
[http://www.ssi.gouv.fr/fr/reglementation/regl\\_crypto.html](http://www.ssi.gouv.fr/fr/reglementation/regl_crypto.html)
- Les décrets de l'Autorité de Régulation des Télécommunications  
<http://www.art-telecom.fr/>
- Droit et Nouvelles Technologies  
<http://www.droit-technologie.org/default.asp>



# Vous en voulez encore ?

[http://www.apprendre-en-ligne.net/crypto/  
menu/index.html](http://www.apprendre-en-ligne.net/crypto/menu/index.html)

<http://www.bibmath.net/crypto/index.php3>

[http://www2.cnrs.fr/presse/communique/  
947.htm](http://www2.cnrs.fr/presse/communique/947.htm)

<http://csrc.nist.gov/>

[http://www.journaldunet.com/solutions/  
0406/040610\\_crypto\\_quantique.shtml](http://www.journaldunet.com/solutions/0406/040610_crypto_quantique.shtml)